

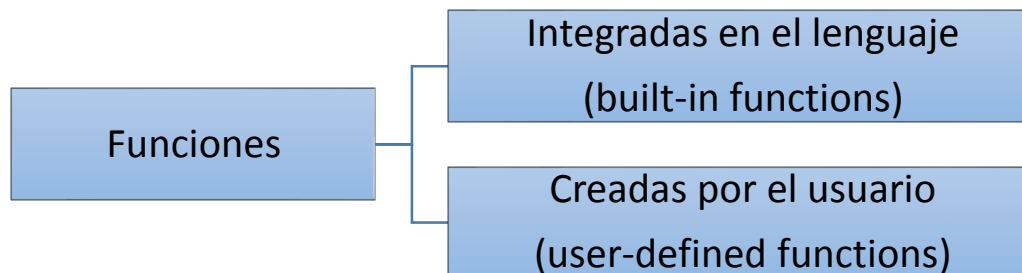
FUNCIONES

FUNCIONES

En programación, una función se puede ver como un bloque de código (*conjunto de sentencias o instrucciones*) con un nombre asociado, cuya finalidad es la de resolver una cierta tarea.

Entre sus múltiples ventajas podemos destacar las siguientes:

- *Modularización*: permite dividir un programa complejo en partes más simples, haciendo que el programa sea más fácil de leer y facilitando así la programación y el depurado de errores.
- *Reusabilidad*: una función se puede reutilizar tantas veces como sea necesario en el mismo o en diferentes programas sin necesidad de volver a escribir o repetir el código cada vez, haciendo el programa más pequeño y simplificándolo en consecuencia.



- Definición o declaración de una función

En Python, la definición de una función se realiza a través de la cláusula:

```
def nombre_funcion(parámetro_1, parámetro_2, ...):    # este es el encabezado de la función  
    sentencias_de_la_función                        # este es el cuerpo de la función
```

```
# Ejemplo 01
```

```
def hola():  
    print("Hola Mundo")
```

- Documentando la función definida: Docstring

La documentación interna del código es importante para clarificar y explicar el comportamiento del mismo de cara sobretodo a revisiones futuras.

La primera sentencia o instrucción de una función normalmente es una cadena de texto que servirá de documentación interna de dicha función. En Python, esta documentación se denomina *docstring*.

La *Docstring* es opcional e irá encerrada entre triples comillas dobles `""" ... """`

```
def nombre_funcion(parámetro_1, parámetro_2, ...):  
    """ Descripción de la función. """  
    sentencias_de_la_función
```

este es el encabezado de la función
esta es la docstring que describe la función
este es el cuerpo de la función

Ejemplo 02

```
def hola():  
    """Imprime la frase Hola Mundo en pantalla."""  
    print("Hola Mundo")
```

- Es una buena práctica habituarse a escribir documentación de las funciones definidas.
- La *docstring* se puede consultar con la instrucción `help(funcion)`. Por ejemplo: `help(hola)`

- Invocación o llamada a una función

La definición de una función no significa que se ejecute. Para su ejecución necesita ser invocada o llamada.

Una función se invoca a través de su nombre y sus argumentos (*entre paréntesis en caso de haberlos*).

```
def nombre_funcion(parámetro_1, parámetro_2, ...):    # este es el encabezado de la función
    sentencias_de_la_función                        # este es el cuerpo de la función

nombre_funcion(argumento_1, argumento_2, ...)      # aquí se invoca o se llama a la función
```

Ejemplo 03

```
def hola():
    """Imprime la frase Hola Mundo en pantalla."""
    print("Hola Mundo")

hola()
```

- En este ejemplo se invoca a la función *hola* definida previamente, por lo que se ejecutará y se imprimirá en pantalla el mensaje “Hola Mundo”.
- Es obligatorio poner los paréntesis, tanto en la definición como en la llamada de la función.

- Parámetros de una función (i)

Un parámetro es un valor que necesita la función para su correcta ejecución y que recibirá al ser invocada.

Una función puede recibir ninguno, uno o varios parámetros que irán separados por comas y entre paréntesis.

```
def nombre_funcion(parámetro_1, parámetro_2, ...): # encabezado de la función con parámetros
    sentencias_de_la_función                       # este es el cuerpo de la función
```

Ejemplo 04

```
def imprime_mensaje(mensaje):
    """ Imprime el texto recibido en pantalla. """
    print(mensaje)

imprime_mensaje("Me gusta Python")
```

- La función *imprime_mensaje* se invoca con el argumento de tipo cadena de texto *"Me gusta Python"*.
- El parámetro *mensaje* apuntará al valor pasado como argumento en la invocación de la función.
- La función muestra el contenido de *mensaje* en pantalla a través de la instrucción *print(mensaje)*.

- Parámetros de una función (ii)

Los parámetros actúan como variables locales, es decir, sólo tendrán vigencia dentro de la función a la que pertenecen, pero no fuera de ella.

```
# Ejemplo 05
```

```
def nombre_completo(nombre, apellidos):  
    """ Imprime el nombre seguido de los apellidos. """  
    nc = nombre + " " + apellidos  
    print("Nombre completo:", nc)  
  
nombre_completo("Francisco", "Antequera Muñoz")  
print ("Los apellidos son:", apellidos)
```

- La función *nombre_completo* se ejecutaría correctamente y mostraría en pantalla “Francisco Antequera Muñoz”
- La instrucción *print(“Los apellidos son:”, apellidos)* arrojaría el siguiente mensaje de error:

NameError: name 'apellidos' is not defined

ya que *apellidos* es una variable local a la función *nombre_completo* y, por tanto, no existe en el cuerpo principal del programa.

- Parámetros de una función (iii)

Se pueden fijar valores por omisión a los parámetros de una función. Estos valores por defecto se usarán si en la invocación a la función no se indican otros.

Ejemplo 06

```
def pvp(precio, iva = 12):  
    """Calcula el precio de venta al publico.  
    precio = precio base del articulo sin IVA  
    iva = 12% por defecto  
    """  
    pvp = precio + (precio * iva / 100)  
    print ("El precio total es:", pvp)  
  
precio_sin_iva = 100  
pvp(precio_sin_iva)  
pvp(precio_sin_iva, 21)
```

- La función *pvp* ha sido definida para calcularse con el 12% de IVA por defecto.
- En el primer *print* se omite el argumento *iva* y se imprimiría el mensaje “El precio con IVA(12%) es: 112”.
- En el segundo *print* se pasa el valor 21 a la función *pvp* por lo que el parámetro *iva* pasará a valer 21 en lugar de 12 y se imprimirá el mensaje “El precio con IVA es: 121”.

Importante: los parámetros por omisión se han de definir los últimos.

- Parámetros de una función (iv)

También es posible declarar una función con un número indeterminado o variable de parámetros que se pasarán como una lista arbitraria de argumentos. Esto se hace anteponiendo el símbolo `*` al nombre del parámetro. El parámetro que tiene el `*` será del tipo `tupla`.

Ejemplo 07

```
def media(*datos):
```

```
    """ Devuelve la media aritmetica de los valores recibidos.  
        datos es una tupla que contiene la lista de datos para la media  
    """
```

```
    suma = 0
```

```
    for i in datos:
```

```
        suma += i
```

```
    med = suma / len(datos)
```

```
    print("La media es:", med)
```

```
media(2, 3, 4, 5, 1, 9, 18)
```

```
v1, v2, v3, v4 = 2, 7, 3, 8
```

```
media(v1, v2, v3, v4)
```

- La función *media* recibirá un número de argumentos indeterminado.
- En el primer *print* se calculará la media de los valores 2, 3, 4, 5, 1, 9 y 18.
- En el segundo *print* se calculará la media de los valores 2, 7, 3 y 8.

- Devolución de valores (i)

En muchas ocasiones necesitamos que una función devuelva el resultado de sus operaciones. Esto es posible a través de la instrucción *return*.

```
# Ejemplo 08

def saluda():

    """ Devuelve una cadena con un mensaje de saludo. """

    return "Encantado de conocerle";

nombre = "Pepe"
print(saluda(), nombre)
```

- La función *saluda* devuelve la cadena de texto “Encantado de conocerle.”.
- El *print* del cuerpo principal imprime la cadena de texto “Encantado de conocerle Pepe”.

Nota: Una función que termine de ejecutarse correctamente sin ninguna sentencia *return*, siempre devolverá el valor *None*.

- Devolución de valores (ii)

Puede haber varias instrucciones *return* en la misma función. La función retornará a donde fue llamada cuando se encuentre el primero de ellos, sin que se ejecuten el resto de sentencias de la función.

```
# Ejemplo 09
```

```
def cadena_larga():
```

```
    """ Comprueba si una cadena es mayor de 5 caracteres. """
```

```
    cad = input(print("Introduzca una cadena de texto:"))
```

```
    if (len(cad) > 5): return True
```

```
    else: return False
```

```
    print ("La cadena introducida es:", cad)    # Esta sentencia nunca se ejecutará
```

```
if (cadena_larga()): print("Supera los 5 caracteres")
```

```
else: print("No supera los 5 caracteres")
```

- Se introduce una cadena de texto por teclado que se almacena en la variable *cad*.
- Si la longitud del contenido de *cad* es de más de 5 caracteres se devuelve *True*. En caso contrario se devuelve *False*.
- El *print* de la función nunca llegará a ejecutarse ya que la función siempre se saldrá antes por alguno de los *return*.

- Devolución de valores (iii)

Se pueden devolver varios valores separándolos por comas.

```
# Ejemplo 10
```

```
def desglose(total):  
    """ Desglosa un importe total en base imponible e IVA (21%). """  
    base = total / 1.21  
    iva = total - base  
    return base, iva  
  
importe, impuestos = desglose(100)  
print("El importe es:", importe, "y el IVA:", impuestos)
```

- La función *desglose()* devuelve dos valores en dos variables a través de la instrucción *return base,iva*
- Las variables *importe* e *impuestos* almacenarán los valores devueltos respectivamente.

- Devolución de valores (iv)

Se puede devolver más de un valor a través de una lista de valores.

```
# Ejemplo 11
```

```
def desglose(total):  
    """ Desglosa un importe total en base imponible e IVA (21%). """  
    res = []  
    res.append(total / 1.21)  
    res.append(total - res[0])  
    return res  
  
resultado = desglose(100)  
print("El importe es:", resultado[0], "y el IVA:", resultado[1])
```

- La función *desglose()* devuelve una lista de dos valores a través de la instrucción *return res*.
- La variable *resultado* recibe los valores devueltos por la función.
- La posición 0 de *resultado* contiene el importe y la posición 1 el IVA.

- Mutabilidad e inmutabilidad (i)

En Python todos los tipos de datos son objetos, pero no todos se comportan igual.

Objetos Inmutables

- Permite asignar nuevos valores.
- No permite modificar su contenido.
- enteros, flotantes, cadenas, tuplas.

Objetos Mutables

- Permite asignar nuevos valores.
- Permite modificar su contenido.
- listas, diccionarios, conjuntos.

- Mutabilidad e inmutabilidad (ii)

Si se intenta modificar el contenido de la zona donde apunta un objeto inmutable se producirá una excepción.

Ejemplo 12

```
cadena = "hola"  
cadena = cadena + " mundo"  
print(cadena)  
cadena[3] = "o"  
print(cadena)
```

- El primer *print* imprimirá en pantalla la cadena de texto *"Hola mundo"*
- El segundo *print* no llegará a ejecutarse debido a que se producirá la excepción

"TypeError: 'str' object does not support item assignment"

al intentar ejecutar la instrucción *cadena[3]="o"* ya que un string es inmutable.

Esto no sucede en el caso de objetos mutables.

Ejemplo 13

```
lista = [1, 2, 3]  
print(lista)  
lista.append(4)  
lista[1] = 7  
print(lista)
```

- El primer *print* imprimirá en pantalla *"[1, 2, 3]"*
- La instrucción *lista.append(4)* añadirá el número 4 al final de *lista*. Esta operación es posible debido a que una lista es un objeto mutable.
- La instrucción *lista[1] = 7* cambia el valor del segundo elemento de *lista*, es decir, cambia el 2 por un 7. Esta operación es posible debido a que una lista es un objeto mutable.
- El segundo *print* imprime en pantalla *"[1, 7, 3, 4]"*

- Mutabilidad e inmutabilidad (iii)

Si varias variables apuntan a un mismo dato mutable y se produce un cambio sobre dicho dato, todas las variables verán reflejado ese cambio.

Ejemplo 14

```
lista1 = [1, 2, 3]
lista2 = lista1
print(lista1)
print(lista2)
lista2.append(4)
print(lista1)
print(lista2)
```

- Inicialmente las variables *lista1* y *lista2* apuntan a los mismos datos y los dos primeros *print* imprimirán *[1, 2, 3]*
- La instrucción *lista2.append(4)* añadirá el número 4 al final de *lista2*. Esta operación es posible debido a que una lista es un objeto mutable.
- Los dos últimos *print* imprimen en pantalla *"[1, 2, 3, 4]"*. Esto es debido a que las dos variables *lista1* y *lista2* apuntan a los mismos datos y, en consecuencia, cualquier operación sobre dichos datos afecta a ambas variables.

- Mutabilidad e inmutabilidad en los parámetros de una función (i)

También hay que tener en cuenta la mutabilidad o inmutabilidad de los argumentos en la invocación a una función.

En Python cuando se envía una variable como argumento en una llamada a una función lo que se envía es la referencia al objeto al que hace referencia la variable. Dependiendo de si el objeto es mutable o inmutable, la función podrá modificar o no el objeto.

Ejemplo 15

```
def duplicar_valor(numero):  
    """ Duplica el valor recibido. """  
    numero = numero * 2  
    print("Duplicado:", numero)  
  
numero = 5  
duplicar_valor(numero)  
print("Despues de duplicar:", numero)
```

- La llamada a la función *duplicar_valor* se hace con el argumento de tipo entero 5.
- Al recibir la función una variable de tipo entero, lo que hace es que crea una nueva variable local *numero* apuntando al mismo sitio.
- Ya en el interior de la función se hace que la variable local *numero* apunte al valor entero 10 a través de la instrucción de asignación *numero = numero * 2* y luego se imprimirá el mensaje “Duplicado: 10” en pantalla.
- El *print* del cuerpo principal imprimirá el mensaje “Despues de duplicar: 5”. Esto se debe a que no se modificó el valor de la variable *numero* del cuerpo principal ya que es un objeto inmutable.

- Mutabilidad e inmutabilidad en los parámetros de una función (ii)

Ejemplo 16

```
def duplicar_valor(numeros):  
    """ Duplica el valor de los numeros recibidos. """  
    for i in range(len(numeros)):  
        numeros[i] = numeros[i] * 2  
  
numeros = [5, 3]  
print("Antes de duplicar:", numeros)  
duplicar_valor(numeros)  
print("Despues de duplicar:", numeros)
```

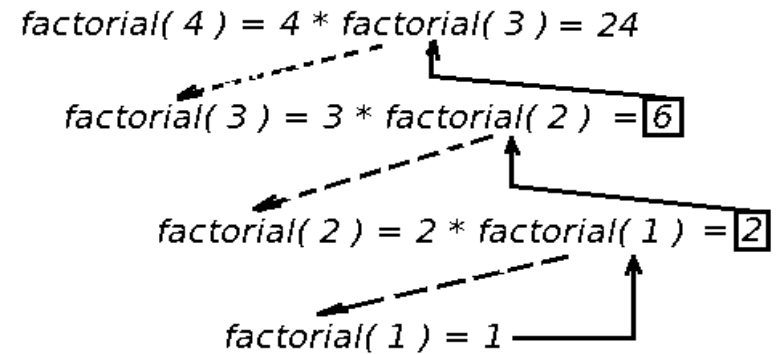
- La llamada a la función *duplicar_valor* se hace con el argumento de tipo lista *numeros*.
- Al recibir la función una variable de tipo lista, lo que hace es que crea una nueva variable local *numeros* apuntando al mismo sitio.
- En el interior de la función se duplica cada valor de la lista.
- El primer *print* del cuerpo principal imprimirá el mensaje “*Antes de duplicar: [5, 3]*”.
- El segundo *print* del cuerpo principal imprimirá el mensaje “*Despues de duplicar: [10, 6]*”. Esto es debido a que una lista es un objeto mutable y, por tanto, lo que la función modificó fueron los datos que estaban apuntados por ambas variables (la local y la del cuerpo principal).

- Recursividad (i)

Se dice que una función es recursiva cuando se llama a sí misma durante su propia ejecución hasta llegar a uno de los *casos base* (*caso con solución directa*).

Ejemplo 17

```
def factorial(n):  
    """ Calcula el factorial recursivo de n. """  
    if (n < 0): return -1  
    elif (n == 0 or n == 1): return 1      # casos base  
    else: return (n * factorial(n-1))     # llamada recursiva
```



Todos los algoritmos recursivos tienen su equivalente iterativo, que es más eficiente.

Ejemplo 18

```
def factorial(n):  
    """ Calcula el factorial iterativo de n. """  
    if (n < 0): return -1  
    resultado = 1  
    for i in range(1,n+1):  
        resultado *= i  
    return resultado
```

FUNCIONES

- Ejercicios.

- Define la función *area_circulo(r)* que devuelva el área de un círculo a partir de su radio. (El área de un círculo se puede calcular a través de la fórmula: $a = \pi r^2$)
- Define la función *far2cen(f)* que devuelva el equivalente en grados Centígrados de un número *f* de grados Fahrenheit. ($c = (f - 32) * 5/9$)
- Define la función *mayor_edad(edad)* que compruebe la mayoría de edad de una persona.
- Defina la función *nif(dni)* que devuelva la letra del NIF correspondiente a un determinado DNI. Para ello se dividirá el dni por 23 y el resto de dicha división se hará corresponder con la siguiente tabla:

RESTO	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22
LETRA	T	R	W	A	G	M	Y	F	P	D	X	B	N	J	Z	S	Q	V	H	L	C	K	E

- Define la función *mi_división(dividendo, divisor)* que devuelva el cociente y el resto de la división entera dividendo/divisor.
- Define la función *minmax(lista_valores)* que devuelva el valor mínimo y máximo de una lista de valores numéricos.
- Define la función *ceros(lista_valores, umbral)*, de tal forma que ponga a cero todos los valores de la lista de valores menores que el umbral.
- Define la función *leg(lista_valores, umbral)* que devuelva los elementos menores que *umbral*, los elementos iguales que *umbral* y los elementos mayores que *umbral*.
- Define la función *par_impar(lista_valores)* que devuelva los *elementos_pares* y los *elementos_impares* por separado.
- Escribir la función recursiva *fib(n)* para calcular el valor del n-esimo término de la sucesión de Fibonacci (0,1,1,2,3,5, ...). Donde: $fib(0) = 0$; $fib(1) = 1$; $fib(n) = fib(n-1) + fib(n-2)$ para $n > 1$.

FUNCIONES

1. Define la función *area_circulo(r)* que devuelva el área de un círculo a partir de su radio. (El área de un círculo se puede calcular a través de la fórmula: $a = \pi r^2$)

```
def area_circulo(r):  
    """  
    Parametros: r = radio  
    Devuelve el area de un circulo a partir de su radio: a = pi * r * r  
    Devuelve -1 si r es negativo  
    """  
  
    pi = 3.1416  
    if(r < 0): return -1  
    return ( pi * r * r)
```

2. Define la función *far2cen(f)* que devuelva el equivalente en grados Centígrados de un número *f* de grados Farenheit. ($c = (f - 32) * 5/9$)

```
def far2cen(f):  
    """  
    Devuelve el equivalente en grados Centígrados de un número f de grados Farenheit.  
    c = (f - 32) * 5/9  
    """  
  
    return (f - 32) * 5/9
```

3. Define la función `mayor_edad(edad)` que compruebe la mayoría de edad de una persona.

```
def mayor_edad(edad):  
    """  
    Comprueba la mayoría de edad de una persona.  
    Devuelve True si la edad introducida >= 18  
    Devuelve False si la edad introducida < 18.  
    """  
    return (edad >= 18)
```

4. Defina una función que devuelva la letra del NIF correspondiente a un determinado DNI. Para ello se dividirá el dni por 23 y el resto de dicha división se hará corresponder con la siguiente tabla:

RESTO	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22
LETRA	T	R	W	A	G	M	Y	F	P	D	X	B	N	J	Z	S	Q	V	H	L	C	K	E

```
def nif(dni):  
    """  
    Devuelve la letra correspondiente a un dni.  
    """  
    letras = 'TRWAGMYFPDXBNJZSQVHLCKE'  
    return letras[dni % 23]
```

FUNCIONES

5. Define la función *mi_división(dividendo, divisor)* que devuelva el cociente y el resto de la división entera dividendo/divisor.

```
def mi_division(dividendo, divisor):  
    """  
    Parametros: dos números flotantes: dividendo y divisor  
    Realiza la division entera y devuelve una lista con cociente y resto  
    Devuelve una lista con dos elementos: división entera y resto  
    """  
    return [dividendo // divisor, dividendo % divisor]
```

6. Define la función *minmax(lista_valores)* que devuelva el valor mínimo y máximo de una lista de valores numéricos.

```
def minmax(valores):  
    """  
    Recibe como argumento una lista de valores de tipo numerico  
    Devuelve el menor y el mayor de los elementos de la lista de valores  
    """  
    return(min(valores), max(valores))
```

7. Define la función *ceros(lista_valores, umbral)*, de tal forma que ponga a cero todos los valores de la lista menores que el *umbral* (por defecto *umbral = 0.5*).

```
def ceros(lista, umbral = 0.5):  
    """ Parametros: lista valores, umbral  
    Pone a cero todos los valores de la lista menores que un umbral. Por defecto el umbral es 0.5 """  
    for i in range(len(lista)):  
        if (lista[i] < umbral): lista[i] = 0  
    return lista
```

8. Define la función `divide_lista(lista_valores, umbral)` que devuelva los elementos menores que `umbral`, los elementos iguales que `umbral` y los elementos mayores que `umbral`.

```
def divide_lista(lista, umbral):  
    """  
    Parametros: una lista de valores y un umbral (0.5 por defecto)  
    Devuelve una lista segun este formato: [menores_que_umbral, iguales_que_umbral, mayores_que_umbral]  
    """  
    menores, iguales, mayores = [], [], []  
    for i in range(len(lista)):  
        if (lista[i] < umbral):  
            menores.append(lista[i])  
        elif (lista[i] == umbral):  
            iguales.append(lista[i])  
        else:  
            mayores.append(lista[i])  
    res=menores, iguales, mayores  
    return res
```

```
def divide_lista(lista, umbral):  
    """  
    Parametros: una lista de valores y un umbral (0.5 por defecto)  
    Devuelve una lista segun este formato: [menores_que_umbral, iguales_que_umbral, mayores_que_umbral]  
    """  
    menores = [x for x in lista if x < umbral]  
    iguales = [x for x in lista if x == umbral]  
    mayores = [x for x in lista if x > umbral]  
    res = menores,iguales,mayores  
    return res
```

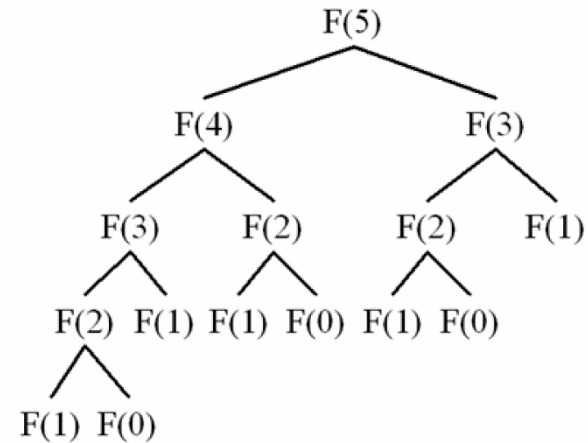

9. Define la función `par_impar(lista_valores)` que devuelva los *elementos pares* y los *elementos impares* por separado.

```
def par_impar(lista):  
    """  
    Calcula los elementos pares e impares de una lista de valores  
    Recibe: lista valores numericos  
    Devuelve una lista con dos posiciones: pares e impares.  
    """  
    pares, impares = [], []  
    for i in range(len(lista)):  
        if (lista[i] % 2 == 0):  
            pares.append(lista[i])  
        else:  
            impares.append(lista[i])  
    res = pares,impares  
    return res
```

```
def par_impar(lista):  
    """  
    Calcula los elementos pares e impares de una lista de valores  
    Recibe: lista valores numericos  
    Devuelve una lista con dos posiciones: pares e impares.  
    """  
    pares = [x for x in lista if (x % 2 == 0)]  
    impares = [x for x in lista if (x % 2 != 0)]  
    res = pares,impares  
    return res
```

10. Escribir una función recursiva para calcular el valor del n-esimo término de la sucesión de Fibonacci (0,1,1,2,3,5, ...).

$$F_n = \begin{cases} 0 & \text{if } n = 0; \\ 1 & \text{if } n = 1; \\ F_{n-1} + F_{n-2} & \text{if } n > 1. \end{cases}$$



Ejercicio 10

```
def fib_rec(n):
```

```
    """
```

```
    Calculo del valor del n-esimo termino de la sucesión de Fibonacci de forma recursiva
```

```
    f(0) = 0; f(1) = 1; f(n) = f(n-1) + f(n-2)
```

```
    """
```

```
    if n == 0: return 0      # caso base
```

```
    elif n == 1: return 1   # caso base
```

```
    else: return fib_rec(n-1) + fib_rec(n-2)  # caso recursivo
```